

Begynt den Monday, 16. September 2024, 16:17**Status** Ferdig**Fullført den** Monday, 16. September 2024, 16:40**Totalt brukt tid** 23 min 42 sek**Karakter** **15.00** av maksimum 15.00 (100%)

Spørsmål 1

Informasjon om eksamen

Eksamensoppgaven er på en side. Oppgavene du skal bevare finner du under denne tekstboksen. Den aller siste oppgaven på bunnen av siden er en signeringsoppgave der du må skrive inn en signeringsskode. Denne koden får du ved å kontakte en eksamensvakt. Signeringsoppgaven gir ikke poenguttgjelling, men er nødvendig for å få besvarelsen vurdert.

OBS: Innsendte besvarelser som mangler eller har feil signeringsskode vil ikke bli vurdert.

Forøvrig gjelder følgende regler:

- Eksamenstid: 60 minutter
- Tillatte hjelpeemidler: ingen
- Prøven kan åpnes og leveres kun én gang per eksamensrunde.
- Vanlige regler for fusk gjelder under eksamen. Fusk eller forsøk på fusk, f.eks. samarbeid, bruk av nettressurser, mobiltelefon, kalkulator etc. under eksamen kan medføre utestengelse fra universitetet.

Tillegg til formelarket:

I tabellen under kan du finne $\cos(x)$ og $\sin(x)$ for noen utvalgte verdier x .

x	0	$\pi/6$	$\pi/4$	$\pi/3$	$\pi/2$
$\cos(x)$	1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{1}{\sqrt{2}}$	$\frac{1}{2}$	0
$\sin(x)$	0	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{\sqrt{2}}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1

✓ Riktig svar.

Spørsmål 2

Riktig

Karakter 4.00 av en makskarakter på 4.00.

Regn ut det komplekse tallet gitt i hver deloppgave og oppgi dets reelle og imaginære del som svar.

a)

$$z_1 = (2 \cdot i + 1) \cdot (-i - 1)$$

$$Re(z_1) = 1$$

Your last answer was interpreted as follows:

1

$$Im(z_1) = -3$$

Your last answer was interpreted as follows:

-3

b)

$$z_2 = (3 \cdot i - 3) \cdot (i - 2)$$

$$Re(z_2) = 3$$

Your last answer was interpreted as follows:

3

$$Im(z_2) = -9$$

Your last answer was interpreted as follows:

-9

c)

$$z_3 = \overline{2 \cdot i + 1}$$

$$Re(z_3) = 1$$

Your last answer was interpreted as follows:

1

$$Im(z_3) = -2$$

Your last answer was interpreted as follows:

-2

d)

$$z_4 = (2 \cdot i + 1)^{-1}$$

$Re(z_4) = \boxed{1/5}$

Your last answer was interpreted as follows:

$$\frac{1}{5}$$

 $Im(z_4) = \boxed{-2/5}$

Your last answer was interpreted as follows:

$$\frac{-2}{5}$$

e)

$$z_5 = (i - 2) \cdot \overline{(i - 2)}$$

 $Re(z_5) = \boxed{5}$

Your last answer was interpreted as follows:

5

 $Im(z_5) = \boxed{0}$

Your last answer was interpreted as follows:

0

 Riktig svar.

Spørsmål 3

Riktig

Karakter 3.00 av en maksimal karakter på 3.00.

a) La z være det komplekse tallet:

$$z = \sqrt{2} - \sqrt{2} \cdot i.$$

Finn de polare koordinatene til z .

$$\text{Arg}(z) = 7/4\pi$$

Your last answer was interpreted as follows:

$$\frac{7}{4} \cdot \pi$$

$$|z| = 2$$

Your last answer was interpreted as follows:

$$2$$

b) La w være det komplekse tallet med

$$\text{Arg}(w) = \frac{\pi}{4} \text{ og } |w| = 3.$$

Finn den reelle og imaginære delen av w :

$$\text{Re}(w) = (3\sqrt{2})/2$$

Your last answer was interpreted as follows:

$$\frac{3 \cdot \sqrt{2}}{2}$$

$$\text{Im}(w) = (3\sqrt{2})/2$$

Your last answer was interpreted as follows:

$$\frac{3 \cdot \sqrt{2}}{2}$$

 Riktig svar.

Spørsmål 4

Riktig

Karakter 3.00 av en makskarakter på 3.00.

La z være det komplekse tallet:

$$z = -\frac{\sqrt{3} \cdot i}{2} - \frac{1}{2}.$$

La w være en 2. rot av z som ligger i 4. kvadrant i Argandplanet.Finn de polare koordinatene til w .

$$\text{Arg}(w) = 5/3*\pi$$

Your last answer was interpreted as follows:

$$\frac{5}{3} \cdot \pi$$

$$|w| = 1$$

Your last answer was interpreted as follows:

$$1$$

OBS 1: I denne oppgaven får du 3/2 poeng dersom du oppgir de polare koordinatene til en rot, og ytterligere 3/2 poeng dersom denne roten ligger i riktig kvadrant. Dette betyr at du kan få 0 poeng selv om du har oppgitt korrekt modulus (men feil argument).**OBS 2:** Vi sier at et komplekst tall w ligger i

- 1. kvadrant dersom $\text{Re}(w) \geq 0$ og $\text{Im}(w) \geq 0$.
- 2. kvadrant dersom $\text{Re}(w) \leq 0$ og $\text{Im}(w) \geq 0$.
- 3. kvadrant dersom $\text{Re}(w) \leq 0$ og $\text{Im}(w) \leq 0$.
- 4. kvadrant dersom $\text{Re}(w) \geq 0$ og $\text{Im}(w) \leq 0$.

 Riktig svar.

Spørsmål 5

Riktig

Karakter 2.00 av en makskarakter på 2.00.

Gitt tallfølgen

$$c_n = \frac{n^3 - 5 \cdot n^{12}}{n^3 \cdot (n^9 + n^5)}$$

definert for alle heltall $n > 0$.

Finn grenseverdien

$$\lim_{n \rightarrow \infty} c_n = \boxed{-5}$$

Your last answer was interpreted as follows:

$$-5$$

Dersom du tror at grensen er $-\infty$ eller $+\infty$, må du skrive henholdsvis **-inf** eller **inf**. Riktig svar.**Spørsmål 6**

Riktig

Karakter 3.00 av en makskarakter på 3.00.

Finn grenseverdien

$$L = \lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{4}{x^2} - \frac{7}{x} \right) .$$

$$L = \boxed{\infty}$$

Your last answer was interpreted as follows:

$$\infty$$

Svaret må være på nøyaktig form, dvs. ikke som et avrundet desimaltall.

Dersom du tror at grensen er $-\infty$ eller $+\infty$, må du skrive henholdsvis **-inf** eller **inf**. Riktig svar.

Spørsmål 7

Riktig

Karakter 0.00 av en maksimal karakter på 0.00.

Signering

Før du kan lukke prøven må denne deloppgaven besvares **av en eksamensvakt**.

Besvarelser uten korrekt signeringsskode vil ikke bli vurdert.

Nøkkel: 541

Signeringsskode: 17885

Your last answer was interpreted as follows:

17885

✓ Riktig svar.

◀ Eksamens1_14

Fortsett til...

Eksamens1_16 ►